

# Skizze Elementargeometrie

*Christian Stump*

## Inhaltsverzeichnis

1	Analytische Geometrie . . . . .	4
1.1	Reelle affine Räume . . . . .	4
1.1.1	Affine Unterräume . . . . .	5
1.1.2	Längen und Winkel im reellen Raum . . . . .	6
1.1.3	Baryzentrische Koordinaten . . . . .	8
1.1.4	Einbettung in Höhe 1 . . . . .	10
1.2	Affine Abbildungen . . . . .	10
1.2.1	Hauptsatz der affinen Geometrie . . . . .	12
1.2.2	Projektionen . . . . .	13
1.2.3	Volumina und Parallelotope . . . . .	14
2	Synthetische Geometrie . . . . .	16
2.1	Ein kurzer Blick auf Euklids “Elemente” . . . . .	16
2.2	Hilberts Axiome . . . . .	18
2.2.1	Inzidenzaussagen . . . . .	19
2.2.2	Anordnungsaussagen . . . . .	20
2.2.3	Kongruenzaussagen für Strecken . . . . .	24
2.2.4	Kongruenzaussagen für Winkel . . . . .	26
2.2.5	Hilbertebenen . . . . .	26
2.2.6	Schnitte von Geraden und Kreisen . . . . .	26